

已知向量場為 $\mathbf{F} = x^2z\mathbf{i} - 2y^3z^2\mathbf{j} + xy^2z\mathbf{k}$ ，求 $\mathbf{F}$ 在點 $P(1, -1, 1)$ 處的旋度 $\nabla \times \mathbf{F}$ 。[102 勤益機械 5(2)]

$$\begin{aligned} \text{[解]} \nabla \times \mathbf{F} &= \begin{vmatrix} \mathbf{i} & \mathbf{j} & \mathbf{k} \\ \frac{\partial}{\partial x} & \frac{\partial}{\partial y} & \frac{\partial}{\partial z} \\ x^2z & -2y^3z^2 & xy^2z \end{vmatrix} = (2xyz\mathbf{i} + 0\mathbf{k} + x^2\mathbf{j}) - (0\mathbf{k} - 4y^3z\mathbf{i} + y^2z\mathbf{j}) \\ &= (2xyz + 4y^3z)\mathbf{i} + (x^2 - y^2z)\mathbf{j} \\ \nabla \times \mathbf{F}|_{(1, -1, 1)} &= [2 \cdot 1 \cdot (-1) \cdot 1 + 4(-1)^3 \cdot 1]\mathbf{i} + (1^2 - (-1)^2 \cdot 1)\mathbf{j} = -6\mathbf{i} \end{aligned}$$